

$$\text{Zu } \frac{\operatorname{tg} \frac{1}{2}(z, -z)}{\operatorname{tg} \frac{1}{2}(z, +z)} \operatorname{tg} \frac{1}{2}(y+x) \text{ geh. } \frac{\operatorname{tg} \frac{1}{2}(z, -z)}{\operatorname{tg} \frac{1}{2}(z, +z)} \operatorname{tg} \frac{1}{2}(y+x) \frac{648000}{\pi}.$$

Dieser Wert ist also gleich  $\frac{1}{2}(y-x)$ .

Der nach  $A$  gehende Erdradius erscheint einem Auge, das sich in  $M$  befindet, unter dem Winkel  $x$ ;  $y$  ist der Sehwinkel, unter dem der nach  $B$  gehende Erdhalbmesser in  $M$  erscheint. Der Winkel  $x$  wird in der Astronomie die Parallaxe genannt. Läge  $M$  in der Verlängerung von  $OA$  über  $A$  hinaus, so wäre  $x = 0$  und ebenso, wenn  $M$  sich in der Verlängerung von  $AO$  über  $O$  hinaus befände. Bewegt sich  $M$  in einem Kreisbogen aus der Verlängerung von  $OA$  über  $A$  hinaus nach der Verlängerung von  $AO$  über  $O$  hinaus, so nimmt die Parallaxe zunächst zu, dann aber wieder ab. Der größte Wert für  $x$  ist erreicht, wenn  $AM$  mit  $AO$  einen Winkel von  $90^\circ$  bildet. Ist aber  $z = 90^\circ$ , so befindet sich der untere Rand von  $M$  im Horizont. Zu demselben Ergebnis führt die Rechnung:  $r : e = \sin x : \sin z$ ;  $\sin x = \frac{r \sin z}{e}$ . Ist  $z = 90^\circ$ , so erreicht der  $\sin$  den größten Wert; er wird  $= 1$ . Alsdann ist  $\sin x = \frac{r}{e}$ . Dieser größte Wert für  $x$  heißt die Horizontalparallaxe; sie wird von den Astronomen mit  $\pi$  bezeichnet und beträgt für den Mond  $57' 2,06''$ . Für diesen Wert hat das Dreieck  $AOM$  bei  $A$  einen rechten Winkel, und  $e$  ist  $= \frac{r}{\sin x}$ .

Der mittlere Abstand des Mondes von der Erde beträgt rund  $60 r$ . Für die Erdferne (Apogäum) wird dieser Wert um  $3 r$  vermehrt und für die Erdnähe (Perigäum\*) um  $3 r$  vermindert. Wieviel km sind das? Wie groß ist die Exzentrizität der Mondbahn? Wie groß muß  $b$  werden (S. 86), wenn  $a = 100$  em gemacht wird?

**5. Die Größe des Mondes.** Das rechtwinklige Dreieck, dessen eine Kathete gleich dem Mondradius ( $\varrho$ ) und dessen Hypotenuse gleich dem Abstand zwischen Mond und Erde, gleich  $60 r$  ist, hat als Winkel, der  $\varrho$  gegenüberliegt, den scheinbaren Mondradius, der für den mittleren Erdabstand  $15' 32''$  beträgt.  $\frac{\varrho}{60 r} = \sin 15' 32''$  also  $\varrho = 60 r \sin 15' 32'' = 0,2727 r$ , abgerundet  $\frac{3}{11} r$ . Ohne Anwendung der Trigonometrie läßt sich die Größe des Mondes folgendermaßen bestimmen: Der mittlere scheinbare Monddurchmesser ist  $30' 4,8'' = 1864,8''$ .

Angenommen, diesen Wert könne man  $x$ mal um einen Punkt antragen, um  $360^\circ = 1296000''$  zu erhalten.  $1864,8 x = 1296000$ ;  $x = \frac{1296000}{1864,8}$ .

Würde der Mond  $x$ mal nebeneinander gestellt, so würde er den Umfang des Kreises bilden, der  $60 r$  zum Halbmesser hat. Dieser Umfang ist aber  $d x$ , wenn der wirkliche Monddurchmesser mit  $d$  bezeichnet wird, und zugleich  $2 \cdot 60 r \cdot \pi$ .

$$d x = d \cdot \frac{1296000}{1864,8} = 2 \cdot 60 r \pi; d = \frac{2 \cdot 60 r \pi \cdot 1864,8}{1296000} = 0,2727 r.$$

Die Oberflächen zweier Kugeln verhalten sich wie die Quadrate und die Inhalte wie die Kuben der Radien. Die Oberfläche des Mondes ist also  $\frac{9}{121} = \frac{1}{13,4}$  der Inhalt  $\frac{27}{1331} = \frac{1}{49}$  der Erde.

Unter welchem Winkel muß der Durchmesser der Erde auf dem Monde erscheinen?

\*) Vergl. Anmerkung (S. 87), *gaia* gr. Erde.